TSUBAME 共同利用 平成 27 年度 学術利用 成果報告書

利用課題名 GPU クラスタを利用した詳細人体モデルの大規模電磁界計算

英文: Large-scale electromagnetic simulation of detailed realistic human model using GPU Cluster

利用課題責任者

Jerdvisanop Chakarothai

所属

National Institute of Information and Communications Technology URL: http://www.nict.go.jp

電磁界による人体ばく露評価を行うために,詳細人体モデルを用いて様々なばく露条件において電磁界解析 を行わなければならない.この論文では,TSUBAME2.5の GPU クラスタシステムを用いて詳細人体モデルに 対して大規模計算のための並列化 FDTD シミュレーション技術を開発した.誘電体球の散乱解析においては, 648 個の GPU を同時に用いることで,600 億以上の電磁界成分を一秒以下で更新できることが示されている. また並列 FDTD アルゴリズムを用いることで 0.5 mm の解像度を持つ人体モデルに対してばく露評価を行うこと が可能であることが示された.

In order to assess human-body exposures due to electromagnetic wave, it is necessary to perform accurate analyses of the exposures under various conditions. In this paper, we have developed a large-scale parallelized FDTD simulation technique for detailed human model using TSUBAME2.5 GPU cluster system. In a scattering analysis of dielectric sphere, it was indicated that more than 60 billion field unknowns are updated in less than a second per calculation time step using 648 GPUs in total. It has also demonstrated that our proposed parallelized FDTD algorithm can be effectively applied to evaluation of human exposure due to EM fields.

Keywords:時間領域有限差分法,FDTD法,ばく露評価,散乱解析

背景と目的

近年,詳細人体モデルを用いた数値電磁界シミュレ ーションが生体影響の調査や医学応用等の様々な分 野で行われている. そのシミュレーション手法の一つと して時間領域有限差分(Finite-difference time-domain, FDTD)法が用いられる. また数値解析に用いられる解 剖学的な人体モデルについては、様々な国(スイス・日 本・アメリカ・韓国等)の主要な研究機関が開発されて きた. 例えば, 日本においては, 情報通信研究機構が 開発した日本人男性モデル、女性モデルおよび子供モ デルがある.これらの人体モデルはたくさんの生体組 織を含み,非常に複雑な構造を持っている.それに伴 って,人体に吸収される電磁エネルギーまたは比吸収 率の計算量が膨大であり,詳細に解析を行うためには 高性能な計算システムが必要である.特に体内に誘導 された電界は神経細胞の刺激に関連しており、1 mm以 下の解像度を持つモデルの解析を必要されている.

計算分野における急激な発展によって、近年開発されたグラフィックス演算ユニット(GPU)や多コアアーキテ

クチャ(MIC)等の新しいタイプの演算機能を持つものが 計算効率を非常に向上させた. 通常の FDTD 法では, ノード間の通信のために隣同士の格子データのみを必 要としているため,非常に並列計算に適している. 長岡 らは複数 GPU を搭載したシステムを用いて解析を行っ た結果, NEC SX-8R よりも計算時間が 1.5 倍短縮され た. Kim らはオーバーラップ通信モデルを用いることに よって, FDTD 法の並列化効率を改善させた. また Xu らは 80 個の NVIDIA Tesla K20 を用いて,95%以上の 並列化効率を達成した. このように, GPUを用いた解析 が行われてきたが, 大規模並列シミュレーション

この論文では,詳細人体モデルの数値ばく露評価の ための TSUBAME の GPU クラスタ上に動作する並列 FDTD アルゴリズムを実装した.本手法は 3D/1D ハイ ブリッドの領域分割法を用いることで,ノード間通信を 最小化することができる.まず解析空間全体の 3 次元 領域を x, y, z 軸のそれぞれで分割し,それぞれノードに 割り当てから,各ノード内でさらに一次元で領域を分割 し,各 GPU メモリに割り当てる.



図-1 FDTD領域全体の3次元分割. ここで*p*, *q*, *r*はブロックの番号である.

概要

FDTD 計算に複数の GPU を利用するために,図 1 のように 3D/1D ハイブリッド領域分割法を適用する。3 次元的な FDTD 領域は各軸に沿ってそれぞれ M_x , M_y , M_z 個のブロックに分割される. 従って分割ブロック数は 全部で $M_x \times M_y \times M_z$ である. 各ノードには GPU が複数あ る場合, さらに各 GPU にデータを割り当てるために一 次元で N_{GPU} 個の領域に分割する。従って各 GPU に割 り当てられた解析領域の大きさは $(N_x / M_x) \times (N_y / M_y) \times (N_z / N_{\text{GPU}} M_z)$ ボクセルである.

本研究で使われる FDTD 法は有限差分に基づいた 手法であるため、格子上電界及び磁界は隣の格子に おける情報を参考して更新されることになる. 各 GPU に割り当てられた解析領域の境界においては、隣の GPU 内にある情報をコピーしなければならない. GPU クラスタ内の通信は以下の 3 ステップからなる. 1)GPU デバイスからホストへのデータのコピー, 2)MPI 通信に よるデータの送受信,3)ホスト内のデータをGPUデバイ スに戻す作業である. 電界データのノード間及び GPU 間通信の概略図を図2に示す.現在ノードの左右(x軸) 及び前後(y 軸)については GPU メモリ内のデータは連 続的に配置されていないため、各GPU内に存在するデ ータを並び替えてから、ノード間通信を行う必要がある. 一方, 上下(z 軸)については、メモリ内にデータが連続 であるため、データの並び替えは不必要である、ノード 間通信は基本的には Message Passing Interface (MPI) の'MPI send'及び'MPI receive'コマンドによって行わ れる. ノード間通信を行った後, GPU 内の元の場所に

データをコピーしなければならない. また磁界データの 通信の流れは電界データと同じであるが, 逆方向によ って行われる. ただし, GPU内のデータ通信は NVIDIA が提供する GPUdirect 関数の一つ'cudaMemcpyPeer' を使って高速に GPU 間のデータ通信を実現することが できる.

本研究で用いた FDTD 法は各セルにおける電界及 び磁界の振幅及び位相を時間的に追跡できるような手 法であるため,時間ステップごとに人体に吸収される電 力量の収束性を判定することができる.まず FDTD 計 算の初期化(生体組織の電気定数の設定,FDTD 計算 に用いる各定数の計算等)を行い,計算ループに入る. 計算ループ内には,電界,電界の PML(Perfectly matched layer,完全整合層)境界,磁界,磁界の PML 境界,そして比吸収率の計算プロセスからなる.計算 ループは人体に吸収される電力量が一定値に収束す るまで繰り返される.なお,放射される電磁界を吸収す るために設置される PML 境界の計算には,特別な処 理と計算が必要である.例えば,PML 境界が存在する ノード内には,PML データのために個別にメモリを確保 しなければならない.

加えて GPU 性能をさらに改善するために, すべての 3 次元の電磁界データは一次元配列として定義される. 第二に, ノード内の GPU 間通信は非同期モードで行う ことによって, 高速にデータ通信を行うことができる. 第 三に, x 軸及び y 軸に沿った境界の電磁界データは連 続ではないため, ノード間のデータ転送の前に一旦連 続的な配列にデータを並び替える必要がある.

結果および考察

本研究の並列化 FDTD コードは C++及び NVIDIA が提供している開発環境 CUDA で開発された。まず並 列化 FDTD プログラムコードの妥当性及び性能を検討 するために,誘電体球モデルの解析を行う. すべての GPU による計算は東京工業大学の TSUBAME2.5 シス テムの大規模 GPU クラスタによって行われた. 現在 TSUBAME2.5 システムのノード数は 1408 個である. そ れぞれの計算ノードに搭載された GPU カード数は 3 枚 である. CPU は Intel Westmere EP X5670 2.93 GHz (6 cores/CPU)であり, 各計算ノードには 2 個の CPU を搭 載している. 各ノードのメモリは 54 GB(1367 ノード), 96 GB (41 ノード)である. 全システムのピーク性能は 5.76 PFlops (倍精度)及び 17.1 PFlops(単精度)である. GPU クラスタで得られた解析結果は Intel Xeon CPU E5-2643v3 (3.4 GHz, 6 cores, 12 threads)と96 GB のメモリ を搭載した HP ワークステーションによる結果との比較 を行う.

まず 200 MHz の平面波入射による半径 20 cm の誘 電体球の全身平均 SAR を求めた. 誘電体の比誘電率 は 2.0, 導電率は 0.1 S/m である. 平面波の電力密度は 1 mW/cm2 である. 解析領域は 256 x 256 x 256 セルで, 解像度が 2 mm である. 誘電体球の全身平均 SAR は 計算時間の約 1 周期で収束している. ここで GPU によ る計算は TSUBAME システムの一つのノード上で 3 個 の GPU を利用して行われた. CPU(ワークステーション) 及び GPU(TSUBAME)によって得られた全身平均 SAR はそれぞれ 64.36 mW/kg 及び 64.21 mW/kg であった. 両者とも Mie による解析解である 63.51 mW/kg とよく一 致している. それぞれの差異は 1.38% (CPU) 及び 1.12% (GPU)である. 従って,本手法の並列化 FDTD 法の妥当性を確認した.

次に前節と同じ誘電体球モデルを用いて, GPU クラ スタ上で解析を行う. 解析領域の大きさは 256³, 512³ 及 び 1024³ボクセルで解像度はそれぞれ 2 mm, 1 mm 及 び 0.5 mm である. すべての解析における計算ステップ 数は 1000 ステップである. 図-2 に TSUBAME システム の GPU クラスタ上の複数計算ノードを用いたときの並 列化効率を示す. 横軸は GPU の数で縦軸は以下の式 で定義された並列化効率である.

$$\gamma = \frac{N^{\text{actual}}}{N^{\text{ideal}}} = \frac{3N^{\text{actual}}}{N_{GPU}N^{3\text{GPUs}}} \qquad \dots (1)$$

ただし、N actual は実際に計算した一秒当たりのボク セル数または未知数の数、N^{3GPUs} はーノード内の GPU を 3 つ用いたときの一秒当たりのボクセルまたは未知 数の数、NGPU は計算に用いた GPU の数である. 図 から分かるように計算に用いる GPU の数が多ければ 多いほど、並列化効率が低下する. これはノード数が 多くなるにつれ、よりノード間通信に時間がかかるから である. 本研究では、648 個の GPU を同時に用いて計 算したとき、FDTD 計算内のーステップにかかる時間は



図-2 TSUBAMEのGPUクラスタによる並列化効率

0.0859 sec.となり, 一秒当たりに更新できる未知数の数 (電界及び磁界の各成分)は約 760 億個である. またこ のときの並列化効率は約 57.1%で, 加速比率は通常の 24 コアの並列計算(CPU)と比べて約 290 倍であった. ただし, 本研究で用いた計算アルゴリズムは通常の FDTD 法よりも使用メモリ量及び計算量が倍であること に注意したい.

ここで開発された並列化 FDTD 法を実際問題の人体 ばく露評価に適用する.用いた人体モデルは情報通信 研究機構が開発した日本人男性モデルである.人体モ デルは 51 種類の組織から構成されており,元々の解 像度は 2 mm である.人体の高さ及び重さはそれぞれ 173 cm 及び 64 kg である.各生体組織の比誘電率及び 導電率は Gabriel のデータベースから抽出したものを用 いた.平面波の偏波は人体軸と平行であり,人体の真 正面から入射する.解析周波数は 200 MHz である.解 析領域の大きさは 2 mm, 1mm と 0.5 mm の解像度に対 してそれぞれ 190×350×896, 350×670×1767 と 670 ×1310×3498 ボクセルである.計算ステップ数はそれ ぞれ 10000, 20000 及び 40000 ステップである.

GPU クラスタによって得られた人体の全身平均 SAR は 2 mm, 1 mm と 0.5 mm の解像度のモデルに対して それぞれ 0.102 W/kg, 0.105 W/kg と 0.106 W/kg であっ た. 全身平均 SAR を求めるのにかかる計算時間は 2 mm の人体モデルに対して 24 コア並列化したワークス テーションの場合,約227分であったが、24 個の GPU(8 ノード)を用いた場合,約 13 分であった. その比は約 17 倍である. また 1 mm の人体モデルに対して 54 個の GPU(18 ノード)を用いた解析にかかる時間は約 85 分と なり, ワークステーションよりも 47 倍速い. そして 0.5 mm の人体モデルに対して, 432 個の GPU(144 ノード) を用いた解析にかかる時間は約 175 分であった. 図-5 に解析で得られた SAR 分布を示す. GPU クラスタ上で 計算した結果はワークステーションで得られたものと一 致している. 従って, 本研究で開発した並列化 FDTD 法 の有効性を示すことができた.

まとめ、今後の課題

大規模電磁界シミュレーションのための並列化 FDTD 法を TSUBAME システムの GPU クラスタ上に 実装した. 平面波入射による誘電体球の結果と Mie の 解析解との比較を行うことによって、本研究で開発した プログラムコードの妥当性を示した. 解析領域の大きさ が 1024³ ボクセルの場合, 648 個の GPU(216 ノード)を 同時に用いることによって得られた並列化効率は 57% であり、FDTD法における更新計算は一秒当たり約100 億個の未知数に対して行うことができる. 最後に 0.5 mm の解像度を持つ人体モデルに対して平面波を入射 させたときの人体内部に吸収される電力量または比吸 収率の計算を GPU クラスタ上で行う場合,約 175 分で 終了することができ、本研究で開発した並列化 FDTD 法が大規模人体ばく露評価シミュレーションに対する有 効であることを示した. 今後の問題は, FDTD 法におけ る並列度の改善である.