#### 平成 27 年度 TSUBAME 産業利用トライアルユース 成果報告書

アミンと CO<sub>2</sub>の反応の第一原理分子動力学計算 Ab initio molecular dynamics on reaction of amine and carbon dioxide

# 窪田 善之

Yoshiyuki Kubota

# 関西電力株式会社

The Kansai Electric Power Co., Inc. www.kepco.co.jp

第一原理分子動力学計算によって、水溶液中のピペラジン(PZ)と CO<sub>2</sub>の化学反応が調べられる。COO 部分 が axial の PZ ツヴィッターイオンは、自発的な脱水素反応が観測されるが、equatrial の PZ ツヴィッターイオン は、200 ps 間、化学変化が起きない。PZ ツヴィッターイオン、PZ、ヒドロニウムイオンを含んだ水溶液では、PZ カ ーバメート、PZ プロトネート、PZ カーバメート・プロトネートの生成が観測される。メタダイナミクスを使って、PZ プ ロトネートからの脱水素の自由エネルギー障壁が計算される。得られた脱水素の自由エネルギー障壁は、酸解 離平衡定数から見積もられる値とよく一致する。

The chemical reactions of  $CO_2$  with piperazine (PZ) in aqueous solution have been investigated using ab initio molecular dynamics (AIMD) simulations. The deprotonation of a PZ zwitterion with an axial coordination of COO moiety occurred spontaneously, while a PZ zwitterion with an equatorial coordination persisted during 200 ps. The AIMD simulations predicted the possibility of formation of PZ carbamate ion, PZ protonate ion, or PZ carbamate-protonate in aqueous solution containing a PZ molecule, a PZ zwitterion, and a hydronium ion. Metadynamics technique has been used to obtain the free-energy barrier of the deprotonation of PZ protonate ion. The calculated free-energy barrier well agrees with the experimental value estimated from the acid dissociation constant.

Keywords: Ab initio molecular dynamics, metadynamics, carbon dioxide, piperazine, free-energy

## 背景と目的

地球環境負荷の低減のため,火力発電所など から排出される CO<sub>2</sub>を回収する技術を確立する必 要がある。CO<sub>2</sub> 吸収液に要求される性能はできる だけ多くの CO<sub>2</sub>を吸収できること,できるだけ CO<sub>2</sub> 吸収速度, CO<sub>2</sub> 回収速度が速いこと, CO<sub>2</sub> 回収時 に必要なエネルギーができるだけ少ないことである。 これまでさまざまな CO<sub>2</sub>吸収液が実験的に繰り返し 探索されている。しかしながら, CO<sub>2</sub> 吸収液の反応 のメカニズムの詳細は解明されておらず, CO<sub>2</sub> 吸 収液の性能との関連も未解明なままである[1]。

一般的に CO<sub>2</sub> 吸収液内での反応は,多数の中 間状態を経て進むと考えられている。本研究は第 一原理分子動力学(AIMD)計算を用いて, CO<sub>2</sub> 吸 収液内で起きる反応の中間状態の安定性を調べ, 反応機構を解明する。さらにプロトネートイオンの 脱水素の自由エネルギー障壁を計算し,酸解離 平衡定数から見積もられる実験値と比較する。

## 概要

ピペラジン(PZ)は、分子内に CO2が結合できる 窒素(N)原子を2個持つため、CO2吸収容量およ び CO2 吸収速度の観点から有望なアミンである。 ただし、水に対する溶解性が他のアミンに比べ極 端に低いため、おもに CO2 吸収液の助剤として用 いられる[2]。本研究では、PZ分子とCO2の反応に ついて調べる。PZは、鎖状1級アミンや鎖状2級 アミンと同様にツヴィッターイオン機構で反応が進 むと考えられている。まず, (1)式のように PZ 分子 に CO<sub>2</sub> が結合し, ツヴィッターイオンが生成する。 次に(2)式のようにツヴィッターイオンの COO 部が 結合している N 原子に結合している水素が脱離し, カーバメートイオンが生成する。 脱離した水素は, (3)式のように水中でヒドロニウムイオンとなり、別の 分子の N 原子と結合し、プロトネートイオンを生成 する場合, (4)式のようにツヴィッターイオンの COO

部と結合し、カルバミン酸を生成する場合、(5)式の ようにツヴィッターイオンの COO 部が結合していな い N 原子と結合し、カーバメート・プロトネートを生 成する場合が考えられる。実験的にはプロトネート イオンの生成が支配的である。

$$\underset{(\not{\pi} - \checkmark \checkmark - \land \checkmark )}{\text{HN}} \xrightarrow{\text{NHCO}_2} + H_2 O \rightleftharpoons \underset{(\not{\pi} - \checkmark \checkmark \land - \land \checkmark \land \checkmark)}{\text{HN}} \xrightarrow{\text{NCOO}^-} + H_3 O^+ \tag{2}$$

$$HN \qquad NH + H_{3}O^{+} \rightleftharpoons HN \qquad NH_{2}^{+} + H_{2}O \qquad (3)$$
$$(\mathcal{T}^{\Box} \land \dot{\mathcal{X}} \rightarrow \dot{\mathcal{X}}$$

HN NCOO<sup>-</sup> + H<sub>3</sub>O<sup>+</sup> 
$$\rightleftharpoons$$
 H<sub>2</sub><sup>+</sup>N NCOO<sup>-</sup> + H<sub>2</sub>O  
( $\mathcal{D} - \mathcal{N} \not\prec - \vdash \mathcal{T} \Box \vdash \ddot{\mathcal{X}} - \vdash)$  (5)

本研究では、水溶液中でのツヴィッターイオンの 安定性とカーバメートイオン、PZ 分子、ヒドロニウム イオンを含んだ水溶液の安定性を AIMD により調 べる。

全ての計算は VASP5.3 を用いて実行される[3,4]。 AIMD 計算は, Born-Oppenheimer 分子動力学 計算の *NVT* アンサンブルで,温度は Nosè-Hoover 熱浴[5,6]により制御される。標的温度は 300 K であり,時間ステップは 0.001 ps で MD が実 行される。電子状態は Kohn-Sham 方程式により 計算される[7,8]。イオンコアは PAW ポテンシャル



Gray, white, blue, and red spheres indicate C, H, N, and O atoms, respectively.

[9,10]で表現され,交換相関項は一般化勾配近似 [11]を, van der Waals ポテンシャルは, Grimme の vdW-D2[12]が使われる。カットオフエネルギーは 400 eV とする。

自由エネルギー計算は、ダイレクト・メタダイナミ クスにより実行される[13,14]。プロトネートイオンの 脱水素に対する集団変数 s は下記の式で表現さ れる。

$$s = \frac{1 - (r_{\rm N-H} / c)^9}{1 - (r_{\rm N-H} / c)^{14}}$$

ここで,  $r_{N-H}$ はN原子とH原子の距離で, c は調整 パラメータである。ガウシアンの丘の高さは 0.003 eV で,幅は 0.02,時間間隔は 0.1 ps, c = 0.12 nm とした。これらの調整パラメータは,自 由エネルギー障壁の収束に対して注意深く調整さ れるべきである。

幾何学的情報は以下のとおりである。溶質と溶媒 分子は、繰り返し立方体のスーパーセルに置かれ、 立方体の長さは密度の実験値から設定される[15]。

			-			
Nodes	Cores	NPAR*	Cores/NPAR	Calc. time (node*hr)	Efficiency	Optimal parallel number
10	120	2	60	0.961	0.996	240
20	240	4	60	1.283		
10	120	3	40	0.739	0.995	183
20	240	6	40	1.033		
10	120	4	30	0.728	0.992	120
20	240	8	30	1.094		

Table 1 Performance of TSUBAME2.5 for regular ab initio molecular dynamics simulations by VASP5.3

\*NPAR is the parameter of VASP for parallelization over bands.

AIMD simulations with 100 steps are performed for the aqueous solution consisting of a piperazine zwitterion and 106 water molecules.

ツヴィッターイオン水溶液は、ツヴィッターイオン1 分子と水 106 分子で構成され、スーパーセルの1 辺は 1.5023 nm である。Figure 1 のように、ツヴィッ ターイオンは COO 部の立体配座により、axial と equatorial が存在するため、各々の立体配座で安 定性を調べる。カーバメートイオン、PZ 分子、ヒドロ ニウムイオンを含んだ水溶液は、各溶質分子が 1 分子と水 105 分子で構成され、スーパーセルの1 辺は 1.5178 nm である。

Table 1 はツヴィッターイオン水溶液の AIMD 計 算での TSUBAME2.5 のパフォーマンスを調べた 結果である。MD のステップ数は 100 回とした。ノー ド時間積が最も小さい並列数は 10 nodes で, NPAR=4 である。したがって,全ての計算は上述の 並列数にて実行される。

## 結果および考察

COO 部が axial 配位のツヴィッターイオンでは, 約 19.5 ps 後に脱水素が起き, 27 ps までカーバメ ートイオンが維持される。一方, COO 部が equatorial 配位のツヴィッターイオンでは, 210 ps ま で AIMD が実行されたが,変化は観測されない。 これは, COO 部が axial 配位では, H 原子に接近 できる水分子の数が多いためであると推測される。 カーバメートイオン, PZ 分子, ヒドロニウムイオンを





含んだ水溶液では, AIMD は水溶液中の初期の 溶質分子の配置によって, プロトネートイオン, カ ルバミン酸, カーバメート・プロトネートと異なる生 成物を予測する。これは, ヒドロニウムイオンが PZ 分子の N 原子, カーバメートの COO 部, あるいは カーバメートの N 原子に結合するための自由エネ ルギー障壁が比較的緩やかであることを示してい る。以上のことから PZ と CO<sub>2</sub> の反応は, CO<sub>2</sub> が axial で配位してツヴィッターイオンを生成し, その 後, 数十 ps の寿命で脱水素し, プロトネートイオン, カルバミン酸, カーバメート・プロトネートのいずれ か最も安定な生成物に帰着すると予測される。

次にメタダイナミクスを用いて、プロトネートイオンの脱水素過程((3)式の逆反応)の自由エネルギー障壁を計算する。得られた自由エネルギー障壁は50~61 kJ mol<sup>-1</sup>であり、平均値は54 kJ mol<sup>-1</sup>であった。酸解離平衡定数から見積もられる自由エネルギー障壁は、56 kJ mol<sup>-1</sup>[16,17]であり、計算結果は実験結果とよく一致した。

#### まとめ、今後の課題

AIMD 計算を使って、水溶液中の PZとCO<sub>2</sub>の反応を 解析した。PZ ツヴィッターイオンの脱水素過程は、 PZ ツヴィッターイオンの COO 部の立体配座が重 要であることがわかった。PZ ツヴィッターイオンの 脱水素によりカーバメートが生じると、プロトネート イオン、カルバミン酸、カーバメート・プロトネートの 3 種類のいずれかの生成物が容易に生成されるこ とがわかった。メタダイナミクス法を使ったプロトネ ートイオンの脱水素の自由エネルギー障壁は、実 験結果をよく再現した。

今後の課題は、ツヴィッターイオンに関する自由エ ネルギー障壁およびカルバミン酸とカーバメート・プ ロトネートの脱水素の自由エネルギー障壁を計算 し、PZ と CO<sub>2</sub> 全体の自由エネルギープロファイル を明らかにすることである。

TSUBAME は Intel の CPU であるため, VASPと の相性が良く, パフォーマンスは優れている。本研 究で実施したような原子数であれば, 1 ps の AIMD が約5時間~7時間で終了する。また自由 エネルギー計算についても,本研究で用いたダイ レクト・メタダイナミクスを組み込んだ AIMD, ブル ームーン・アンサンブルを組み込んだ制約条件付 AIMD でも,通常の AIMD とほぼ変わりない計算 時間で実行可能である。

#### 参考文献

- [1] G. T. Rochelle, Science 325, 1652-4, (2009).
- [2] V. Ermatchkov, Á P-S. Kamps, G. Maurer. J. Chem.
- Thermodynamics 35, 1277–1289 (2003).
- [3] G. Kresse, J. Hafner, Phys. Rev. B 47, R558 (1993).
- [4] G. Kresse, J. Hafner, Phys. Rev. B 49, 14251 (1994).
- [5] S. Nosé, J. Chem. Phys. 81, 511-519 (1984).
- [6] W. G. Hoover, Phys. Rev. A 31, 1695-1697 (1985).
- [7] W. Kohn, L. J. Sham, L. J. Phys. Rev. 140, A1133 (1965).
- [8] M. C. Payne, M. P. Teter, D. C. Allan, T. A. Arias, J. D.
- Joannopoulos, Rev. Mod. Phys. 64, 1045 (1992).
- [9] P. E. Blöchl, Phys. Rev. B 50, 17953 (1994).
- [10] G. Kresse, J. Joubert, Phys. Rev. B 59, 1758 (1999).

[11] J. P. Perdew, K. Burke, M. Ernzerhof, Phys. Rev. Lett. 77, 3865 (1996).

- [12] S. Grimme, J. Comput. Chem. 27, 1787–1799 (2006).
- [13] A. Liao, M. Parinello, Proc. Natl. Acad. Sci. 99, 12562– 12566 (2002).
- [14] T. Bučko, J. Phys.: Condens. Matter 20, 064211 (2008).
- [15] G. Murshid, A. M. Shariff, L. K. Keong, M. A. Bustam, F.
- Ahmad, Inter. J. Chem. Environ. Eng. 2, 108–112 (2011).

[16] H. B. Hetzer, R. A. Robinson, R. G. Bates, J. Chem. Phys. 72 2081–2086 (1968).

[17] J. M. Pagano, D. E. Goldberg, W. C. Femellius, J. Phys. Chem. 65, 1065 (1961).